

**Министерство науки и высшего образования
Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«Карачаево-Черкесский государственный университет
имени У.Д. Алиева»**

УТВЕРЖДАЮ

и.о. декана

Батчаева М.Д.

« 01 »

2023 г.



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ

ПО

**ДОПОЛНИТЕЛЬНОЙ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ
ПРОГРАММЕ
ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ПЕРЕПОДГОТОВКИ**

**«ПРЕПОДАВАНИЕ МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАТИКИ В
ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ ОРГАНИЗАЦИЯХ»**

Карачаевск - 2023

Программу составил(а): *ст. преподаватель А.С. Эльканова*

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 22.02.2018 №125, основной профессиональной образовательной программой высшего образования по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), профиль: «Математика, Информатика»; локальными актами КЧГУ.

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры математического анализа
Протокол № 7 от 28.03.2023 г.

Зав. кафедрой



З.М. Лайпанова

СОДЕРЖАНИЕ

1. Наименование дисциплины (модуля)	4
2. Место дисциплины в структуре дополнительной профессиональной образовательной программы профессиональной переподготовки «Преподавание математики и информатики в общеобразовательных организациях».....	4
3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.....	4
4. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся	6
5. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий	6
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах).....	6
5.3. Примерная тематика курсовых работ	8
5.5. Самостоятельная работа и контроль успеваемости	8
6. Образовательные технологии	8
7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине	10
7.1. Описание шкал оценивания степени сформированности компетенций	10
7.2. Типовые контрольные задания или иные учебно-методические материалы, необходимые для оценивания степени сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины.....	12
7.2.1. Примерные вопросы к итоговой аттестации (зачет).....	12
7.2.2. Тестовые задания для проверки знаний	13
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Информационное обеспечение образовательного процесса.....	18
8.1. Основная литература:	18
8.2. Дополнительная литература:.....	18
9. Методические указания для обучающихся по освоению учебной дисциплины (модуля).....	18
10. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля).....	19
10.1. Общесистемные требования.....	19
10.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины	19
10.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения.....	21
11. Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья.....	21
12. Лист регистрации изменений	22

1. Наименование дисциплины (модуля)

Дифференциальные уравнения.

Целью изучения дисциплины является знакомство слушателей с основными идеями и конструкциями теории обыкновенных дифференциальных уравнений, их геометрическими интерпретациями и приложениями к экономическим и другим прикладным задачам, методами их составления, анализа и численного определения решений, формирования математической культуры мышления, способности к обобщению, анализу, восприятию информации, постановке цели и выбору путей её достижения; освоения основных методов решения, применяемых в решении профессиональных задач и научно-исследовательской деятельности.

Для достижения цели ставятся задачи:

- ознакомить слушателей с элементами истории становления теории дифференциальных уравнений, основными типами геометрических и физических задач, приводящих к появлению и изучению дифференциальных уравнений;
- сформировать умения и навыки решения дифференциальных уравнения первого порядка разрешенных относительно производной основных типов (с разделяющимися переменными, однородные, линейные, в полных дифференциалах, сводящиеся к перечисленным);
- привести базовый понятийный аппарат теории дифференциальных уравнений и основные методы решения конкретных типов дифференциальных уравнений первого порядка;
- сформировать умения и навыки решения линейных дифференциальных уравнений старших порядков с постоянными коэффициентами;
- дать представление об использовании и применении дифференциальных уравнений и дифференциальных уравнений с частными производными при исследовании простейших математических моделей реальных процессов.

2. Место дисциплины в структуре дополнительной профессиональной образовательной программы профессиональной переподготовки «Преподавание математики и информатики в общеобразовательных организациях»

МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ДОПОЛНИТЕЛЬНОЙ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ПЕРЕПОДГОТОВКИ «ПРЕПОДАВАНИЕ МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАТИКИ В ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ ОРГАНИЗАЦИЯХ»
Требования к предварительной подготовке обучающегося:
Учебная дисциплина «Дифференциальные уравнения» необходимы умения, сформированные курсом высшей математики в пределах школьного образования
Требования к результатам освоения.
Дисциплина участвует в формировании компетенций ПК-5, ПК-6

3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины «Дифференциальные уравнения» направлен на формирование следующих компетенций обучающегося:

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ ПООП/ ООП	Индикаторы достижения компетенций	Декомпозиция компетенций (результаты обучения) в соответствии с установленными индикаторами
ПК-5	Способен	ПК.Б-5.1. Знает сущность и роль	Знать: методы

	<p>моделировать явления и процессы, пользоваться построением моделей для решения практических задач и проблем в своей профессиональной деятельности, формировать банки моделей и задач, решаемых с их помощью, а также визуализаций этих моделей</p>	<p>моделирования в науке, владеет технологией реализации всех этапов моделирования, в том числе интерпретации и анализа качества модели, пониманием критериев качества математических исследований, принципов экспериментальной и эмпирической проверки научных теорий.</p> <p>ПК.Б-5.2. Владеет математикой как универсальным языком науки, средством моделирования явлений и процессов, способен строить математические модели и их визуализации для решения практических задач и проблем, а также исследовать и анализировать модели, корректировать их по результатам исследования и анализа.</p> <p>ПК.Б-5.3. Способен применить технологию модельного подхода в школьном курсе математики. Готов использовать моделирование для обучения школьников, довести до их понимания, как модели иллюстрируют связь математики с окружающим миром</p>	<p>моделирования реальных процессов с помощью обыкновенных дифференциальных уравнений</p> <p>Уметь: строить математические модели и их визуализации при помощи дифференциальных уравнений; использовать моделирование для обучения школьников</p> <p>Владеть: навыками решения дифференциальных уравнений, используемых для моделирования явлений и процессов.</p>
ПК-6	<p>Способен демонстрировать знание основных положений и концепций классических разделов математической науки (информатики) и применять их при реализации образовательного процесса</p>	<p>ПК.Б-6.1. Владеет базовыми знаниями по основным разделам классической математики (информатики) и умеет их применять в своей профессиональной деятельности.</p> <p>ПК.Б-6.2. Знает основные идеи и методы математики (информатики). Умеет использовать приобретенные знания и навыки в практической деятельности, для решения прикладных (исследовательских) задач, в том числе социально-экономических, физических, профессиональной деятельности.</p> <p>ПК.Б-6.3. Владеет аксиоматическим методом, знает систему основных математических структур и может их применить в профессиональной деятельности.</p> <p>ПК.Б-6.4. Знает и понимает значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и в то же время ограниченность</p>	<p>Знать: основные понятия дисциплины, ее методы и роли в решении научно-практических задач с использованием современного математического аппарата.</p> <p>Уметь: использовать приобретенные знания и навыки в практической деятельности, для решения прикладных (исследовательских) задач, в том числе социально-экономических, физических, профессиональной деятельности.</p> <p>Владеть: способностью понимать и применять математические методы к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе.</p>

		применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе; способен применить это знание в своей педагогической деятельности при реализации образовательного процесса	
--	--	---	--

4. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость (объем) дисциплины (модуля) составляет 43 академических часа.

Объём дисциплины	Всего часов
	для очной формы обучения
Общая трудоемкость дисциплины	43
Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий)* (всего)	
Аудиторная работа (всего):	24
в том числе:	
лекции	12
семинары, практические занятия	12
практикумы	Не предусмотрено -
лабораторные работы	Не предусмотрено -
Внеаудиторная работа:	
консультация перед зачетом	
Внеаудиторная работа также включает индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, групповые, индивидуальные консультации и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем), творческую работу (эссе), рефераты, контрольные работы и др.	
Самостоятельная работа обучающихся (всего)	19
Контроль самостоятельной работы	
Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачет / экзамен)	зачет

5. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

**5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий
(в академических часах)**

№ п/п	Раздел, тема дисциплины	Общая трудоемкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)					
		всего	Аудиторные уч. занятия			Сам. работа	Планируемые результаты обучения	Формы текущего контроля
			Лек	Пр	Лаб			
	Раздел 1. Уравнения первого порядка	18	6	6		8		
1.	Основные определения теории дифференциальных уравнений. Понятие дифференциального	4	2			2	ПК-6, ПК-5	Опрос, решение типовых задач

	уравнения первого порядка, задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям, задача Коши и краевые задачи, геометрическая интерпретация дифференциальных уравнений.							
2.	Уравнения с разделяющимися переменными. Однородные уравнения. Уравнения с разделенными и разделяющимися переменными, уравнения, приводимые к уравнениям с разделяющимися переменными, однородные уравнения, уравнения приводимые к однородным уравнениям	4	2	2			ПК-6, ПК-5	Опрос, решение типовых задач
3.	Линейные дифференциальные уравнения первого порядка Метод Лагранжа и метод Бернулли решения линейных дифференциальных уравнений, уравнения Бернулли	6		2		4	ПК-6, ПК-5	Опрос, решение типовых задач
4.	Уравнения в полных дифференциалах. Уравнения в полных дифференциалах, интегрирующий множитель, выделение полного дифференциала	4	2	2			ПК-6, ПК-5	Опрос, решение типовых задач
5.	Уравнения, не разрешенные относительно производной Частные случаи уравнений, не разрешенных относительно производной, уравнения Лагранжа, уравнения Клеро.	2				2	ПК-6, ПК-5	Опрос, решение типовых задач
	Раздел 2. Уравнения высших порядков	18	6	6		9		
6.	Основные понятия уравнений высших порядков. Уравнения n-го порядка, задача Коши для уравнений высших порядков, интегрируемость в квадратурах	2	2				ПК-6, ПК-5	Опрос, решение типовых задач
7.	Уравнения, допускающие понижения порядка. Уравнения не содержащие искомой функции, уравнения, не содержащие независимой переменной, уравнения, левая часть которого есть точная производная	2		2			ПК-6, ПК-5	Опрос, решение типовых задач
8.	Линейные однородные уравнения высших порядков. Понятие характеристического уравнения, линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами	5	2	2		1	ПК-6, ПК-5	Опрос, решение типовых задач
9.	Линейные неоднородные уравнения. Метод вариации произвольных постоянных, линейные неоднородные уравнения с правой частью специального вида	4		2		2	ПК-6, ПК-5	Опрос, решение типовых задач

10.	Задача Коши для линейных уравнений с постоянными коэффициентами	4	2			2	ПК-6, ПК-5	Опрос, решение типовых задач
11.	Линейные уравнения с переменными коэффициентами. Уравнения, приводящиеся к уравнениям с постоянными коэффициентами, уравнение Эйлера, интегрирования линейных дифференциальных уравнений с помощью рядов	4				4	ПК-6, ПК-5	Опрос, решение типовых задач
	Всего	43	12	12	-	19		

5.2. Тематика и краткое содержание лабораторных занятий

Учебным планом не предусмотрены

5.3. Примерная тематика курсовых работ

Учебным планом не предусмотрены

5.5. Самостоятельная работа и контроль успеваемости

В рамках указанного в учебном плане объема самостоятельной работы по данной дисциплине (в часах) предусматривается выполнение следующих видов учебной деятельности:

Вид самостоятельной работы	Примерная трудоемкость
Проработка учебного материала занятий лекционного и семинарского типа	6
Опережающая самостоятельная работа (изучение нового материала до его изложения на занятиях)	-
Самостоятельное изучение отдельных вопросов тем дисциплины, не рассматриваемых на занятиях лекционного и семинарского типа	7
Подготовка к текущему контролю	-
Поиск, изучение и презентация информации по заданной теме, анализ научных источников по заданной проблеме	-
Решение задач	-
Подготовка к промежуточной аттестации	6
Итого СРО	19 часов

6. Образовательные технологии

При проведении учебных занятий по дисциплине используются традиционные и инновационные, в том числе информационные образовательные технологии, включая при необходимости применение активных и интерактивных методов обучения.

Традиционные образовательные технологии реализуются, преимущественно, в процессе практических (семинарских, лабораторных) занятий. Инновационные образовательные технологии используются в процессе аудиторных занятий и самостоятельной работы студентов в виде применения активных и интерактивных методов обучения.

Информационные образовательные технологии реализуются в процессе использования электронно-библиотечных систем, электронных образовательных ресурсов и элементов электронного обучения в электронной информационно-

образовательной среде для активизации учебного процесса и самостоятельной работы студентов.

Развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений и лидерских качеств при проведении учебных занятий.

Практические (семинарские занятия относятся к интерактивным методам обучения и обладают значительными преимуществами по сравнению с традиционными методами обучения, главным недостатком которых является известная изначальная пассивность субъекта и объекта обучения.

Практические занятия могут проводиться в форме групповой дискуссии, «мозговой атаки», коллоквиума др. Прежде, чем дать группе информацию, важно подготовить участников, активизировать их ментальные процессы, включить их внимание, развивать кооперацию и сотрудничество при принятии решений.

Методические рекомендации по проведению различных видов практических (семинарских) занятий.

1.Обсуждение в группах

Групповое обсуждение какого-либо вопроса направлено на нахождение истины или достижение лучшего взаимопонимания, Групповые обсуждения способствуют лучшему усвоению изучаемого материала.

На первом этапе группового обсуждения перед обучающимися ставится проблема, выделяется определенное время, в течение которого обучающиеся должны подготовить аргументированный развернутый ответ.

Преподаватель может устанавливать определенные правила проведения группового обсуждения:

- задавать определенные рамки обсуждения (например, указать не менее 5... 10 ошибок);

- ввести алгоритм выработки общего мнения (решения);

- назначить модератора (ведущего), руководящего ходом группового обсуждения.

На втором этапе группового обсуждения вырабатывается групповое решение совместно с преподавателем (арбитром).

Разновидностью группового обсуждения является круглый стол, который проводится с целью поделиться проблемами, собственным видением вопроса, познакомиться с опытом, достижениями.

2.Публичная презентация проекта

Презентация – самый эффективный способ донесения важной информации как в разговоре «один на один», так и при публичных выступлениях. Слайд-презентации с использованием мультимедийного оборудования позволяют эффективно и наглядно представить содержание изучаемого материала, выделить и проиллюстрировать сообщение, которое несет поучительную информацию, показать ее ключевые содержательные пункты. Использование интерактивных элементов позволяет усилить эффективность публичных выступлений.

3.Дискуссия

Как интерактивный метод обучения означает исследование или разбор. Образовательной дискуссией называется целенаправленное, коллективное обсуждение конкретной проблемы (ситуации), сопровождающейся обменом идеями, опытом, суждениями, мнениями в составе группы обучающихся.

Как правило, дискуссия обычно проходит три стадии: ориентация, оценка и консолидация. Последовательное рассмотрение каждой стадии позволяет выделить следующие их особенности.

Стадия ориентации предполагает адаптацию участников дискуссии к самой проблеме, друг другу, что позволяет сформулировать проблему, цели дискуссии; установить правила, регламент дискуссии.

В стадии оценки происходит выступление участников дискуссии, их ответы на возникающие вопросы, сбор максимального объема идей (знаний), предложений, пресечение преподавателем (арбитром) личных амбиций отклонений от темы дискуссии.

Стадия консолидации заключается в анализе результатов дискуссии, согласовании мнений и позиций, совместном формулировании решений и их принятии.

В зависимости от целей и задач занятия, возможно, использовать следующие виды дискуссий: классические дебаты, экспресс-дискуссия, текстовая дискуссия, проблемная дискуссия, ролевая (ситуационная) дискуссия.

7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

7.1. Описание шкал оценивания степени сформированности компетенций

Уровни сформированности компетенций	Индикаторы	Качественные критерии оценивание			
		2 балла	3 балла	4 балла	5 баллов
ПК-5					
Базовый	Знать: методы моделирования реальных процессов с помощью обыкновенных дифференциальных уравнений	Не знает методы моделирования реальных процессов с помощью обыкновенных дифференциальных уравнений	В целом знает методы моделирования реальных процессов с помощью обыкновенных дифференциальных уравнений	Знает методы моделирования реальных процессов с помощью обыкновенных дифференциальных уравнений	
	Уметь: строить математические модели и их визуализации при помощи дифференциальных уравнений; использовать моделирование для обучения школьников	Не умеет строить математические модели и их визуализации при помощи дифференциальных уравнений; использовать моделирование для обучения школьников	В целом умеет строить математические модели и их визуализации при помощи дифференциальных уравнений; использовать моделирование для обучения школьников	Умеет строить математические модели и их визуализации при помощи дифференциальных уравнений; использовать моделирование для обучения школьников	
	Владеть: навыками решения дифференциальных уравнений, используемых для моделирования явлений и процессов	Не владеет навыками решения дифференциальных уравнений, используемых для моделирования явлений и процессов	В целом владеет навыками решения дифференциальных уравнений, используемых для моделирования явлений и процессов	Владеет навыками решения дифференциальных уравнений, используемых для моделирования явлений и процессов	
Повышенный	Знать: методы моделирования реальных процессов с помощью обыкновенных дифференциальных уравнений				В полном объеме знает методы моделирования реальных процессов с помощью обыкновенных дифференциальных уравнений

	<p>Уметь: строить математические модели и их визуализации при помощи дифференциальных уравнений; использовать моделирование для обучения школьников</p> <p>Владеть: навыками решения дифференциальных уравнений, используемых для моделирования явлений и процессов</p>				<p>Умеет в полном объеме строить математические модели и их визуализации при помощи дифференциальных уравнений; использовать моделирование для обучения школьников</p> <p>В полном объеме владеет навыками решения дифференциальных уравнений, используемых для моделирования явлений и процессов</p>
--	---	--	--	--	---

ПК-6

Базовый	<p>Знать: основные понятия дисциплины, ее методы и роли в решении научно-практических задач с использованием современного математического аппарата</p>	<p>Не знает основные понятия дисциплины, ее методы и роли в решении научно-практических задач с использованием современного математического аппарата</p>	<p>В целом знает основные понятия дисциплины, ее методы и роли в решении научно-практических задач с использованием современного математического аппарата</p>	<p>Знает основные понятия дисциплины, ее методы и роли в решении научно-практических задач с использованием современного математического аппарата</p>	
	<p>Уметь: использовать приобретенные знания и навыки в практической деятельности, для решения прикладных (исследовательских) задач, в том числе социально-экономических, физических, профессиональной деятельности</p>	<p>Не умеет использовать приобретенные знания и навыки в практической деятельности, для решения прикладных (исследовательских) задач, в том числе социально-экономических, физических, профессиональной деятельности</p>	<p>В целом умеет использовать приобретенные знания и навыки в практической деятельности, для решения прикладных (исследовательских) задач, в том числе социально-экономических, физических, профессиональной деятельности</p>	<p>Умеет использовать приобретенные знания и навыки в практической деятельности, для решения прикладных (исследовательских) задач, в том числе социально-экономических, физических, профессиональной деятельности</p>	
	<p>Владеть: способностью понимать и применять математические методы к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и</p>	<p>Не владеет способностью понимать и применять математические методы к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе</p>	<p>В целом владеет способностью понимать и применять математические методы к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе</p>	<p>Владеет способностью понимать и применять математические методы к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе</p>	

	обществе				
Повышенный	Знать: основные понятия дисциплины, ее методы и роли в решении научно-практических задач с использованием современного математического аппарата				В полном объеме знает основные понятия дисциплины, ее методы и роли в решении научно-практических задач с использованием современного математического аппарата
	Уметь: использовать приобретенные знания и навыки в практической деятельности, для решения прикладных (исследовательских) задач, в том числе социально-экономических, физических, профессиональной деятельности				В полном объеме умеет использовать приобретенные знания и навыки в практической деятельности, для решения прикладных (исследовательских) задач, в том числе социально-экономических, физических, профессиональной деятельности
	Владеть: способностью понимать и применять математические методы к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе				В полном объеме владеет способностью понимать и применять математические методы к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе

7.2. Типовые контрольные задания или иные учебно-методические материалы, необходимые для оценивания степени сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины

7.2.1. Примерные вопросы к итоговой аттестации (зачет)

1. Основные понятия теории дифференциальных уравнений.
2. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям.
3. Дифференциальные уравнения первого порядка.
4. Понятие о краевой задаче и задача Коши.
5. Геометрическая интерпретация дифференциальных уравнений первого порядка.
6. Уравнения с разделенными переменными.
7. Уравнения с разделяющимися переменными.
8. Однородные дифференциальные уравнения.
9. Дифференциальные уравнения, приводимые к однородным.
10. Линейные дифференциальные уравнения I-го порядка. Метод вариации произвольной постоянной.
11. Линейные дифференциальные уравнения I-го порядка. Метод подстановки.

12. Уравнения, приводящиеся к линейным дифференциальным уравнениям
13. Уравнение в полных дифференциалах.
14. Интегрирующий множитель. Случай $\mu = \mu(x)$.
15. Интегрирующий множитель. Случай $\mu = \mu(y)$.
16. Уравнения не разрешенные относительно производной. Уравнение вида $F(y') = 0$.
17. Уравнения не разрешенные относительно производной. Уравнение вида $F(x, y') = 0$.
18. Уравнения не разрешенные относительно производной. Уравнение вида $F(y, y') = 0$.
19. Уравнение Лагранжа.
20. Уравнение Клеро.
21. Дифференциальные уравнения высших порядков. Основные понятия.
22. Уравнения допускающие понижения порядка. Уравнение вида $y^n = f(x)$.
23. Уравнения допускающие понижения порядка. Уравнение вида $y'' = f(x, y')$.
24. Уравнения допускающие понижения порядка. Уравнение вида $y'' = f(y, y')$.
25. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков.
26. Общее решение линейного однородного уравнения n-го порядка
27. Линейные однородные уравнения II-го порядка с постоянными коэффициентами. Корни характеристического уравнения действительны и различны.
28. Линейные однородные уравнения II-го порядка с постоянными коэффициентами. Корни характеристического уравнения комплексные.
29. Линейные однородные уравнения II-го порядка с постоянными коэффициентами. Корни характеристического уравнения совпадают.
30. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения. Метод вариации произвольных постоянных
31. Линейные неоднородные уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами.
32. Интегрирование ЛНДУ второго порядка с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида.
33. Уравнение Эйлера

Критерии оценки устного ответа на зачете по дисциплине «Прогнозирование и планирование»:

- оценка «**зачтено**» выставляется слушателю, если им показаны хотя бы удовлетворительные знания по изучаемому курсу, проявлены способности к самостоятельному логическому мышлению, показаны знания практически всех вопросов, хотя бы и с незначительными погрешностями;

- оценка «**незачтено**» ставится, когда слушатель проявил полное безразличие к предмету, не смог ответить на подавляющее большинство представленных вопросов, продемонстрировал неудовлетворительные знания.

7.2.2. Тестовые задания для проверки знаний

Вопрос 1. Дифференциальное уравнение $\sqrt{1+x^2}dy = xy dx$ имеет общий интеграл _____ и «потерянное» решение _____
(Выберите не менее двух вариантов)

- a) $y = 0$
- b) $\ln|y| + 2\sqrt{1+x^2} = C$, где $C \in R$
- c) $\ln|y| - \sqrt{1+x^2} = C$, где $C \in R$
- d) $x = \pm 1$

Вопрос 2. Дифференциальным уравнением с разделяющимися переменными являются...

- a) $y(1 + 2x^2)dy - 2x \cos y dx = 0$
- b) $y(1 + x)y' - 1 = y$
- c) $(5x + 4y)y' - x(x + y) = 0$
- d) $(y - x^2)dy + 2x \cos(y + x) dx = 0$

Вопрос 3. Отношение двух однородных функций одинаковых степеней есть однородная функция _____
(нулевой степени).

Вопрос 4. Дифференциальное уравнение $(2x + 3y - 3)dx + (2x + y + 1)dy = 0$ приводится к однородному уравнению относительно x и y заменой...

- a) $u = x + 3/2, v = y + 2$
- b) $u = x + 2, v = y - 1$
- c) $u = x + 3/2, v = y - 2$
- d) $u = x - 3/2, v = y - 2$

Вопрос 5. Линейное неоднородное уравнение $xy' - y = 2x^3$ имеет общее решение...

- a) $y = Cx, C \in R$
- b) $y = x^2 + Cx, C \in R$
- c) $y = x^3 + Cx, C \in R$
- d) $y = x^3 - Cx, C \in R$

Вопрос 6. Уравнением Бернулли является...

- a) $(2x + 3)y' - y = 0$
- b) $xy' - 2y = x^2 + 1$
- c) $y' - (x + 1)y = 2x^3$
- d) $y' - 2xy = x^2y^3$

Вопрос 7. Какое высказывание не отражает признак уравнения в полных дифференциалах?

- a) Левая часть уравнения представляет собой сумму частных дифференциалов.
- b) Частная производная по одной переменной одного слагаемого и частная производная по другой переменной другого слагаемого равны.
- c) Общее решение в неявном виде определяется уравнением $F(x, y) = C$.
- d) Выражение, зависящее от y входит только в левую часть, а выражение, зависящее от x – только в правую часть.

Вопрос 8. Общий интеграл уравнения в полных дифференциалах $3x^2y dx + (x^3 + 4y^3)dy = 0 \dots$

- a) $3x^2y + x^3 + 4y^3 = C_1$, где C_1 – произвольная постоянная
- b) $x^3y - y^4 = C_1$, где C_1 – произвольная постоянная
- c) $3x^2y - x^3 - 4y^3 = C_1$, где C_1 – произвольная постоянная
- d) $x^3y + y^4 = C_1$, где C_1 – произвольная постоянная

Вопрос 9. Уравнением в полных дифференциалах является...

- a) $xy dx + \left(\frac{x^2}{2} - y\right) dy = 0$
- b) $y'' + 2y' + 6y = \sin x$
- c) $y(xy + y)dx + (xy + x)dy = 0$
- d) $y'' + xy' + y = 0$

Вопрос 10. Для уравнения $\left(\frac{y^3}{x} + 2y\right) dx + (3y^2 + x)dy = 0$ интегрирующий множитель $\mu(x)$ равен _____ (x)

Вопрос 11. Решение задачи Коши $xy' + y = 3, y(1) = 0$ имеет вид ...

- a) $y = 3(x - 1)$
- b) $y = \frac{3(x+1)}{x}$
- c) $y = 0$
- d) $y = \frac{3(x-1)}{x}$

Вопрос 12. Общим решением дифференциального уравнения n -го порядка называется _____

(решение, содержащее n независимых произвольных постоянных.)

Вопрос 13. Первым шагом решения уравнения $xy' + y = \ln x + 1$ является:

- a) почленное деление уравнения на x .
- b) перенос логарифма в левую часть.
- c) перенос правой части в левую часть.
- d) нахождение логарифма.

Вопрос 14. Решение линейного однородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами содержит тригонометрические функции, если корни характеристического уравнения _____ (комплексные)

Вопрос 15. Определите тип дифференциального уравнения $4xy' + y^2 = 1$

(уравнение с разделяющимися переменными.)

Вопрос 16. Какое из ниже перечисленных уравнений является уравнением в полных дифференциалах:

- a) $(1 - x^2)dy + xydx = 0$
- b) $x(y^2 - 4)dx + ydy = 0$
- c) $(2xy^2 - y)dx + xdy = 0$
- d) $(\sin x + y)dy + (y \cos x - x^2)dx = 0$

Вопрос 17. Дано уравнение вида $y'' = f(x)$. Что не относится к цели введения новой функции $z(x)$?

- a) $z(x) = y'$
- b) $z'(x) = y''$
- c) $z(x) = y'''$
- d) $z'(x) = f(x)$

Вопрос 18. Решением какого уравнения будет функция, выраженная через значение интеграла от правой части уравнения?

- a) $9ydy = \frac{dx}{\cos^2 x}$
- b) $y' = x + \sin x$
- c) $2ydy = \ln x dx$
- d) $(1 + x)dy = 2ydx$

Вопрос 19. Какая из функций является однородной функцией второго порядка относительно переменных x и y ?

- a) $f(x, y) = x^2 - 2xy$
- b) $f(x, y) = x^2 - 2y$
- c) $f(x, y) = x^2 - xy^2$
- d) $f(x, y) = x^3 + x^2y$

Вопрос 20. Среди перечисленных задач «задачей Коши» является

- a) $xyy' = 1 - x^2$
- b) $ydx + \operatorname{ctg} x dy = 0, y\left(\frac{\pi}{3}\right) = -1$
- c) $y' = 3y - 1$
- d) $(y'')^2 + (y')^2 = 1$

Вопрос 21. При решении линейного дифференциального уравнения первого порядка не применяется

- a) замена переменной;
- b) разделение переменных;
- c) метод неопределенных коэффициентов;
- d) интегрирование по частям.

Вопрос 22. Найдите корни характеристического уравнения обыкновенного дифференциального уравнения $y'' - 9y = 0$

$$(\lambda_1 = 3, \lambda_2 = -3)$$

Вопрос 23. Найдите фундаментальную систему решений для уравнений $y'' - 2y' + 5y = 0$.

- a) $y_1 = e^x, y_2 = e^{-x}$
- b) $y_1 = e^{-x} \cos 2x, y_2 = e^x \cos 2x$
- c) $y_1 = e^x \cos 2x, y_2 = e^x \sin 2x$
- d) $y_1 = e^{-2x}, y_2 = e^{5x}$

Вопрос 24. Найдите общее решение уравнения $y'' = \cos x$

- a) $y = -\cos x + C_1x + C_2$
- b) $y = \cos x + C_1x + C_2$
- c) $y = -\cos x + C_1x$
- d) $y = \sin x + C_1x + C_2$

Вопрос 25. Линейное однородное дифференциальное уравнение $y'' + 4y' + 13y = 0$ имеет общее решение вида ...

- a) $y = e^{-2x}(C_1 \cos 3x + C_2 \sin 3x)$, где $C_1 \in R, C_2 \in R$
- b) $y = e^{2x}(C_1 \cos 3x + C_2 \sin 3x)$, где $C_1 \in R, C_2 \in R$
- c) $y = e^{2x}(C_1 \cos x + C_2 \sin x)$, где $C_1 \in R, C_2 \in R$
- d) $y = C_1 \cos 3x + C_2 \sin 3x$, где $C_1 \in R, C_2 \in R$

Вопрос 26. В каком виде следует искать частное решение уравнения $y''' + y' = \sin x + \cos x$?

- a) $y = A \cos x$
- b) $y = A \cos x + B \sin x$
- c) $y = B \sin x$
- d) $y = x(A \cos x + B \sin x)$

Вопрос 27. Для дифференциального уравнения $y'' + 16y = 0$ характеристическое уравнение имеет вид: $(\lambda^2 + 16 = 0)$

Вопрос 28. Укажите вид частного решения неоднородного дифференциального уравнения $y'' + 6y' = 5x$ ($y^* = (a_1x + a_0)x$)

Вопрос 29. Найдите корни характеристического уравнения обыкновенного дифференциального уравнения $y'' + 4y' + 3y = 0$. ($\lambda_1 = -1, \lambda_2 = -3$)

Вопрос 30. Найдите решение задачи Коши $x dy - 2y dx = 0, y(1) = 2$. ($y = 2x^2$)

Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний
Ключи к тестовым заданиям.

1	2	4	5	6	7	8	9	11	13
a, c	a, b	c	c	d	d	d	a	d	a

16	17	18	19	20	21	23	24	25	26
d	c	b	a	b	a	c	a	a	d

Шкала оценивания (за правильный ответ дается 1 балл)

«неудовлетворительно» – 50% и менее

«удовлетворительно» – 51-80%

«хорошо» – 81-90%

«отлично» – 91-100%

8.Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Информационное обеспечение образовательного процесса

8.Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

8.1. Основная литература:

1. Жукова, Г. С. Дифференциальные уравнения в примерах и задачах: учебное пособие / Г. С. Жукова. - Москва: ИНФРА-М, 2021. - 348 с. - (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-015971-3. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1072182> (дата обращения: 23.09.2020). – Режим доступа: по подписке. – Текст: электронный

2. Осадчий, Ю. М. Дифференциальные уравнения: учебное пособие / Ю.М. Осадчий. - Москва: ИНФРА-М, 2019. - 157 с. - ISBN 978-5-16-107965-2. - URL:<https://znanium.com/catalog/product/1039633> (дата обращения: 23.09.2020). – Режим доступа: по подписке. – Текст: электронный

8.2. Дополнительная литература:

1. Ледовская, Е. В. Решение дифференциальных уравнений I порядка и некоторых видов дифференциальных уравнений старшего порядка : методические указания к типовому расчету / Е. В. Ледовская, Н. Б. Махова. - Москва: МГАВТ, 2007. - URL:<https://znanium.com/catalog/product/401063> (дата обращения: 23.09.2020). – Режим доступа: по подписке. – Текст: электронный.

2. Литвин, Д. Б. Обыкновенные дифференциальные уравнения и системы: учебное пособие / Д. Б.Литвин , С.В. Мелешко , И.И. Мамаев . - Ставрополь: Сервисшкола, 2017. - 76 с. - ISBN. - URL:<https://znanium.com/catalog/product/976476> (дата обращения: 23.09.2020). – Режим доступа: по подписке– Текст: электронный.

3. Осадчий, Ю. М. Дифференциальные уравнения: учебное пособие / Ю.М. Осадчий. - Москва: ИНФРА-М, 2019. - 157 с. - ISBN 978-5-16-107965-2. - URL:<https://znanium.com/catalog/product/1039633> (дата обращения: 23.09.2020). – Режим доступа: по подписке. – Текст: электронный.

4. Пантелеев, А. В. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Практикум: Учебное пособие / А. В.Пантелеев, А. С. Якимова, К. А. Рыбаков. - Москва : ИНФРА-М, 2019. - 432 с. (Высшее образование: Бакалавриат) ISBN 978-5-16-011973-1. - URL:<https://znanium.com/catalog/product/1010761> (дата обращения: 23.09.2020). – Режим доступа: по подписке. – Текст: электронный.

9. Методические указания для обучающихся по освоению учебной дисциплины (модуля)

Вид учебных занятий	Организация деятельности студента
Лекция	Написание конспекта лекций: краткое, схематичное, последовательное фиксирование основных положений, выводов, формулировок, обобщений; выделение ключевых слов, терминов. Проверка терминов, понятий с помощью энциклопедий, словарей, справочников с выписыванием толкований в тетрадь. Обозначение вопросы, терминов, материала, вызывающего трудности. Если самостоятельно не удастся разобраться в материале, необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на консультации, на практическом занятии. Уделить внимание следующим понятиям (<i>перечисление понятий</i>) и др.
Практические занятия	Конспектирование источников. Работа с конспектом лекций, подготовка ответов к

	контрольным вопросам, просмотр рекомендуемой литературы, работа с текстом
Контрольная работа/индивидуальные задания	Знакомство с основной и дополнительной литературой, включая справочные издания, зарубежные источники, конспект основных положений, терминов, сведений, требующих для запоминания и являющихся основополагающими в этой теме. Составление аннотаций к прочитанным литературным источникам и др.
Самостоятельная работа	Проработка учебного материала занятий лекционного и семинарского типа. Изучение нового материала до его изложения на занятиях. Поиск, изучение и презентация информации по заданной теме, анализ научных источников. Самостоятельное изучение отдельных вопросов тем дисциплины, не рассматриваемых на занятиях лекционного и семинарского типа. Подготовка к текущему контролю, к промежуточной аттестации.
Подготовка к эзачету	При подготовке к зачету необходимо ориентироваться на конспекты лекций, рекомендуемую литературу и др.

10. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)

10.1. Общесистемные требования

Электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО «КЧГУ»

<http://kchgu.ru> - адрес официального сайта университета

<https://do.kchgu.ru> - электронная информационно-образовательная среда КЧГУ

Электронно-библиотечные системы (электронные библиотеки)

Учебный год	Наименование документа с указанием реквизитов	Срок действия документа
2023 / 2024 учебный год	Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 915 от 12.05.2023.	с 12.05.2023 г по 15.05.2024 г.
	Электронно-библиотечная система «Лань». Договор № СЭБ НВ-294 от 1 декабря 2020 года.	Бессрочный
2023 /2024 учебный год	Электронная библиотека КЧГУ (Э.Б.).Положение об ЭБ утверждено Ученым советом от 30.09.2015г.Протокол № 1). Электронный адрес: https://kchgu.ru/biblioteka - kchgu/	Бессрочный
2023 / 2024 Учебный год	Электронно-библиотечные системы: Научная электронная библиотека «ELIBRARY.RU» - https://www.elibrary.ru . Лицензионное соглашение №15646 от 01.08.2014г.Бесплатно. Национальная электронная библиотека (НЭБ) – https://rusneb.ru . Договор №101/НЭБ/1391 от 22.03.2016г.Бесплатно. Электронный ресурс «Polred.com Обзор СМИ» – https://polpred.com . Соглашение. Бесплатно.	Бессрочно

10.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины

1. Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.

Специализированная мебель:

– столы ученические, стулья, доска меловая.

Учебно-наглядные пособия (в электронном виде).

Технические средства обучения:

Телевизор, системный блок с подключением к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

Лицензионное программное обеспечение:

- Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная
- Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная
- ABBY Fine Reader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
- Calculate Linux (внесён в ЕРПП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
- Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная
- Антивирус Касперского (Договор №56/2023 от 25.01.2023 г.) Действует до 03.03.2025 г..

2. Научный зал, 20 мест, 10 компьютеров (учебно-лабораторный корпус, ауд.101)

Специализированная мебель: столы ученические, стулья.

Технические средства обучения:

персональные компьютеры с возможностью подключения к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

Лицензионное программное обеспечение:

- Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная
- Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная
- ABBY Fine Reader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
- Calculate Linux (внесён в ЕРПП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
- Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная
- Антивирус Касперского (Договор №56/2023 от 25.01.2023 г.) Действует до 03.03.2025 г..

3. Читальный зал, 80 мест, 10 компьютеров (учебно-лабораторный корпус, ауд. 102а).

Специализированная мебель: столы ученические, стулья.

Технические средства обучения:

Дисплей Брайля ALVA с программой экранного увеличителя MAGic Pro;

стационарный видеоувеличитель Clear View с монитором;

2 компьютерных роллера USB&PS/2; клавиатура с накладкой (ДЦП);

акустическая система свободного звукового поля Front Row to Go/\$;

персональные компьютеры с возможностью подключения к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

Лицензионное программное обеспечение:

- Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная
- Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная
- ABBY Fine Reader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
- Calculate Linux (внесён в ЕРПП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
- Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная
- Антивирус Касперского (Договор №56/2023 от 25.01.2023 г.) Действует до 03.03.2025 г..

4. Аудитория для самостоятельной работы обучающихся (учебно-лабораторный корпус, ауд.507)

Специализированная мебель:

– столы ученические, стулья, доска меловая.

Учебно-наглядные пособия (в электронном виде).

Технические средства обучения:

- ноутбуки в количестве 3 шт. с подключением к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

Лицензионное программное обеспечение:

- Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная
- Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная
- ABBY Fine Reader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
- Calculate Linux (внесён в ЕРПП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
- Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная
- Антивирус Касперского (Договор №56/2023 от 25.01.2023 г.) Действует до 03.03.2025 г..

10.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения

1. ABBY FineReader (лицензия №FCRP-1100-1002-3937), бессрочная.
2. Calculate Linux (внесён в ЕРПП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная.
3. Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная.
4. Антивирус Касперского (Договор №56/2023 от 25.01.2023 г.) Действует до 03.03.2025 г..
5. Microsoft Office (лицензия №60127446), бессрочная.
6. Microsoft Windows (лицензия №60290784), бессрочная.

10.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. Официальный сайт Всероссийского центра изучения общественного мнения (ВЦИОМ) [Электронный ресурс]. - <https://wciom.ru/>.
2. Официальный сайт Аналитического центра ЛЕВАДА-ЦЕНТР [Электронный ресурс]. - <https://www.levada.ru/>.

11. Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для лиц с ОВЗ и/или с инвалидностью РПД разрабатывается на основании «Положения об организации образовательного процесса для обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Карачаево-Черкесский государственный университет имени У.Д.Алиева».

12. Лист регистрации изменений

Изменение	Дата и номер протокола ученого совета факультета/института, на котором были рассмотрены вопросы о необходимости внесения изменений	Дата и номер протокола ученого совета Университета, на котором были утверждены изменения	Дата введения изменений